Normalverteilung - Übungen

1. *L: 2899,62; 599,860; 0,78238; 0,13933; 0,07829; 1913 – 3887; 0,03338*

Familie Adam erwartet ein Kind und weiß auch schon, dass es ein Mädchen wird. In dem betreffenden Krankenhaus wurde in den letzten Monaten das Geburtsgewicht (in Gramm) aller neugeborenen Mädchen festgehalten:

1572, 1650, 1962, 1995, 2062, 2285, 2307, 2319, 2354, 2390, 2393, 2482, 2508, 2599, 2610, 2632, 2645, 2654, 2732, 2738, 2814, 2825, 2841, 2852, 2903, 2910, 2911, 2935, 2959, 2998, 3015, 3017, 3030, 3052, 3074, 3086, 3136, 3172, 3224, 3226, 3428, 3641, 3706, 3742, 3770, 3826, 3831, 3834, 4095, 4239

Es wird angenommen, dass das Gewicht eines neugeborenen Mäd­chens normalverteilt ist. Als Parameter der Normalverteilung werden der Mittelwert und die empirische Standardabwei­chung heran gezogen. Ein neu­geborenes Mädchen mit höchstens 2250 g wird als unterge­wichtig, eines mit mindestens 3750 g als übergewich­tig bezeichnet.

1. Bestimme und interpretiere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Gramm.
2. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Kind der Familie Adam nor­malgewich­tig, untergewichtig, übergewichtig sein wird?
3. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Babys be­züg­lich ihres Gewichts?
4. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass Baby Adam bei seiner Geburt mehr als 4000 g wiegt
5. *L: 10; 0,02; 0,01242; je 0,00621; 9,96 10,04; 10,02; 9,97 10,03*

Eine Metallhobelmaschine erzeugt Metallplatten mit dem Sollwert 10mm. Platten, deren Di­cke höchstens 9,95 mm oder mindestens 10,05 mm beträgt, werden als Ausschuss be­trachtet. Zur Qualitätssicherung wird eine Stichprobe von 100 Metallplatten gezogen.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i} $$ | 9,95 | 9,96 | 9,97 | 9,98 | 9,99 | 10,00 | 10,01 | 10,02 | 10,03 | 10,04 | 10,05 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 4 | 9 | 13 | 19 | 16 | 13 | 12 | 7 | 5 | 1 |

1. Bestimme und interpretiere die statistischen Kennwerte. Runde auf 2 Dezimalstel­len.
2. Wie viel Prozent Ausschuss sind zu erwarten?
3. Wie viel Prozent der Plattendicken unterschreiten die untere Toleranzgrenze 9,95 mm, wie viel Prozent überschreiten die obere Toleranzgrenze 10,05 mm?
4. Wie müsste man die Toleranzgrenzen  und  wählen, damit 95% der Platten­di­cken innerhalb dieser Toleranzgrenzen liegen?
5. Der Ausschussanteil hat sich auf 5% erhöht. Auf welchen Mittelwert (bei gleicher Standard­abweichung) hat sich die Maschine verstellt?
6. Eine neue Maschine hat lediglich eine Standardabweichung von 0,01mm. Welche zum Erwar­tungswert symmetrischen Toleranzgrenzen können festgelegt werden, wenn der Ausschussanteil gleich belassen wird, wie bei der alten Maschine?
7. *L: 18,042; 1,517; 0,02275; 0,09121; 15,5 20,5; 15,5; 20,5*

Familie Adam macht im Juni Urlaub am Meer und hat aus dem Internet die Wasser­tem­peratu­ren der letzten drei Jahre im Juli in Erfahrung gebracht (90 Werte).

14,3; 14,5; 14,6; 15,6; 15,7; 15,7; 15,7; 16,0; 16,0; 16,0; 16,2; 16,3; 16,4; 16,5; 16,5; 16,7; 16,9; 16,9; 17,0; 17,0; 17,0; 17,1; 17,1; 17,1; 17,4; 17,4; 17,5; 17,5; 17,5; 17,5; 17,5; 17,6; 17,6; 17,7; 17,7; 17,7; 17,8; 17,8; 17,8; 17,8; 17,8; 17,8; 17,8; 17,9; 17,9; 17,9; 18; 18,1; 18,2; 18,2; 18,2; 18,3; 18,3; 18,4; 18,4; 18,4; 18,4; 18,5; 18,5; 18,5; 18,5; 18,7; 18,7; 18,8; 18,8; 18,8; 18,8; 18,9; 19; 19; 19; 19; 19,1; 19,2; 19,3; 19,4; 19,5; 19,6; 19,8; 19,9; 20,0; 20,4; 20,4; 20,4; 20,7; 20,9; 21,1; 21,2; 21,2; 21,6;

Verwende dien Mittelwert und die empirische Standardabweichung zur Schätzung der Para­meter einer Normalverteilung.

1. Bestimme und interpretiere die statistischen Kennwerte. Runde auf 1 Dezimalstelle.
2. Mit welcher Wahrscheinlichkeit wird die Wassertemperatur am Tag der Ankunft mindes­tens 21°C betragen?
3. Familie Adam beschließt, wieder nach Hause zu fahren, falls die Wassertemperatur am Tag der Ankunft unter 16°C liegt. Mit welcher Wahrscheinlichkeit wird dies ein­treten?
4. Gib ein symmetrisches Intervall um  an, in dem die Wassertemperatur am Tag der An­kunft mit der Wahrscheinlichkeit 0,9 liegt.
5. Welche Temperatur wir mit einer Wahrscheinlichkeit von 95% über- bzw. unter­schrit­ten?

1. *L: 800,36; 200,179; 0,15866; 543; 471 1129; 544; 584; 7,4%*

Die Zahl der Kraftfahrzeuge, die werktags (Montag bis Freitag) zwischen 7 Uhr und 8 Uhr eine bestimmte Straßen­kreuzung passieren, wurde über einen Zeitraum von 20 Wochen fest­gehalten:

394, 435, 446, 473, 479, 482, 507, 537, 547, 548, 550, 560, 561, 603, 604, 605, 609, 623, 628, 628, 632, 634, 645, 656, 659, 665, 670, 684, 692, 695, 700, 700, 702, 705, 707, 714, 720, 721, 727, 733, 735, 736, 747, 752, 757, 760, 761, 766, 776, 779, 780, 782, 784, 787, 790, 798, 799, 810, 819, 830, 842, 845, 845, 864, 865, 871, 874, 879, 881, 891, 902, 911, 920, 921, 926, 929, 931, 933, 946, 958, 959, 959, 968, 990, 1002, 1015, 1040, 1067, 1075, 1083, 1090, 1094, 1101, 1120, 1132, 1173, 1188, 1240, 1301, 1377

Die werktags in diesem Zeitraum feststellbare Anzahl schwanke gemäß einer Normal­vertei­lung mit einer Standardabwei­chung um einen bestimmten Erwartungswert. Nimm als Schät­zer den Stichprobenmittelwert und die empirische Standradabweichung.

1. Bestimme und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Zahlen.
2. Mit welcher Wahrscheinlichkeit befahren mehr als 1000 Fahrzeuge diese Kreuzung?
3. Welcher Wert wird mit einer Wahrscheinlichkeit von 10% unterschritten?
4. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegt die Anzahl der Fahr­zeuge mit einer Wahrscheinlichkeit von 90%?
5. Welcher Wert wird mit einer Wahrscheinlichkeit von 90% überschritten?
6. Die mittlere Anzahl der Fahrzeuge, welche diese Kreuzung passieren, hat sich um 5% er­höht. Welche Anzahl an Fahrzeugen passiert nun die Kreuzung mit 90%iger Wahr­schein­lichkeit? Um wie viel Prozent hat dieser Wert zugenommen?
7. *L: 59,88; 15,030; 0,15866; 0,02272; 35-85; 25; 95; 51; 1:31559*

Der folgende Datensatz ist die Erhebung der Wartezeit von 50 Patienten eines Augen­arztes. Die Wartezeit kann als normalverteilte Zufallsgröße aufgefasst werden. Ver­wende das Stich­probenmittel und die empirische Standardabweichung als Schätzer für die Ver­teilungspara­meter.

25, 29, 37, 37, 39, 45, 45, 45, 46, 47, 47, 50, 50, 52, 53, 53, 54, 54, 56, 56, 58, 58, 58, 59, 60, 60, 60, 61, 61, 62, 63, 63, 63, 64, 64, 65, 66, 67, 68, 68, 73, 78, 80, 81, 82, 83, 83, 83, 90, 93

1. Bestimme und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Zahlen.
2. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Wartezeit länger als 75 Minuten dau­ert?
3. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Wartezeit weniger als 30 Minuten dau­ert?
4. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Wartezei­ten?
5. Welche Wartezeit wird mit 99%iger Wahrscheinlichkeit über- bzw. unterschritten?
6. Bei welchem Erwartungswert ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Wartezeit länger als 75% dauert geringer als 5%.
7. Kunigunde ist wütend, weil sie länger als zwei Stunden warten musste. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit für dieses Ereignis?

1. *L: 500,1; 101,088; 584; 0,02275; 665; 0,06681; 335 - 665*

Eine Universität möchte einen neuen Aufnahmetest. Deshalb wird die Testversion einer zu­fällig ausgewählten Gruppe von 50 potentiellen Bewerbern vorgelegt. Diese erreich­ten fol­gende Punktzahlen:

169, 291, 352, 363, 367, 381, 393, 401, 411, 423, 427, 429, 437, 446, 447, 449, 455, 457, 458, 460, 464, 473, 490, 511, 512, 522, 536, 537, 539, 541, 545, 547, 549, 553, 561, 562, 562, 576, 586, 589, 594, 597, 610, 610, 613, 613, 626, 630, 657, 684

Es kann eine Normalverteilung der Punktezahl angenommen werden. Der Stichproben­mittel­wert und die empirische Standardabweichung werden als Schätzer der Vertei­lungs­parameter heran gezogen.

* 1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Punkte.
	2. Die Universität will nur die 20% Besten aufzunehmen. Wie viele Punkte muss ein Be­wer­ber mindestens erreichen, damit er an dieser Universität studie­ren kann?
	3. Balduin hat 700 Punkte erreicht. Wie viel Prozent der Studenten haben besser abge­schnit­ten als er?
	4. Den Besten 5% gewährt die Universität ein Stipendium. Welche Punktzahl muss da­für er­reicht werden?
	5. Wie viele Bewerber haben weniger als 350 Punkte?
	6. In welchem zum erwartungswert symmetrischen Intervall liegt die Punktezahl von 90% der Bewerber?
1. *L: 1015; 175,992; 896-1134; 1041; 0,14660; 725; 1040; 161*

Ein Unternehmen untersuchte die Brenndauer (in ganzen Stunden) von 100 zufällig aus­ge­wählten Glühbirnen:

599, 637, 683, 694, 710, 722, 727, 730, 737, 765, 809, 814, 822, 846, 854, 862, 868, 870, 871, 873, 878, 882, 889, 896, 901, 907, 912, 917, 921, 925, 925, 926, 930, 933, 936, 938, 946, 962, 964, 968, 974, 978, 980, 988, 1001, 1002, 1003, 1004, 1005, 1006, 1015, 1016, 1018, 1035, 1037, 1041, 1045, 1059, 1061, 1061, 1070, 1073, 1075, 1077, 1090, 1094, 1096, 1097, 1099, 1105, 1109, 1115, 1116, 1122, 1126, 1129, 1134, 1134, 1140, 1150, 1151, 1152, 1156, 1157, 1159, 1169, 1171, 1176, 1177, 1195, 1221, 1227, 1264, 1273, 1290, 1371, 1389, 1400, 1410, 1563

Nimm den Mittelwert und die empirische Standardabweichung als Schätzer für die Pa­rameter einer Normalverteilung. Vergleiche die Ergebnisse mit der Stichprobe.

1. Berechne und interpretiere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Stunden.
2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 50% der Glühbir­nen?
3. Welchen Wert überschreiten 10% der Glühbirnen?
4. Wie viel Prozent der Glühbirnen brennen länger als 1200h?
5. Der Hersteller möchte eine Mindestbrenndauer angeben, welche von 95% der Glüh­bir­nen überschritten wird. Wie lautet dieser Wert?
6. Der Hersteller möchte die Mindestbrenndauer auf 750 Stunden erhöhen. Bei wel­chem Mittelwert (und unveränderter Standardabweichung) bzw. bei welcher Stan­dard­abwei­chung (und unverändertem Mittelwert) ist dies möglich?
7. *L: 500,06; 4,045; 0,89435; 0,10565; 0,00621; 505; 0,10565; 2; 2,871*⋅*10-7; 0,00621*

Eine Verpackungsmaschine verpackt Teigwaren mit einem Sollgewicht von 500g. Die Min­destfüllmenge muss 495g betragen. Zur Qualitätssicherung wird eine Stichprobe von 200 Pa­ckungen gezogen.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 490 | 491 | 492 | 493 | 494 | 495 | 496 | 497 | 498 | 499 | 500 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 0 | 5 | 5 | 4 | 12 | 11 | 21 | 12 | 20 | 15 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $$x\_{i}$$ | 501 | 502 | 503 | 504 | 505 | 506 | 507 | 508 | 509 | 510 | 511 |
| $$h\_{i}$$ | 19 | 19 | 21 | 12 | 5 | 5 | 4 | 3 | 4 | 1 | 1 |

Der Stichprobenmittelwert und die empirische Standardabweichung werden als Schät­zer der Verteilungsparameter heran gezogen.

1. Bestimme und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Gramm.
2. Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat ein Paket mindestens 495g? Wie hoch ist der Aus­schuss­anteil?
3. Wie viele Pakete überschreiten ein Gewicht von 510g?
4. Bei welchem Mittelwert und gleicher Standardabweichung unterschreiten nur 1% der Pa­kete ein Gewicht von 495g?
5. Wie viele Pakete überschreiten nun ein Gewicht von 510g?
6. Bei welcher Standardabweichung und unverändertem Erwartungswert unterschrei­ten nur 1% der Packungen ein Gewicht von 495g?
7. Wie viele Pakete überschreiten nun ein Gewicht von 510g bzw. 505g?

1. *L: 50,135; 4,067; 44 – 57; je 0,02275; 0,70025; 45; 52; 3g*

Ein Bäcker zieht eine Stichprobe von 200 maschinell erzeugten Semmeln. Nimm den Mittel­wert und die empirische Standardabweichung als Schätzer für die Parameter einer Normalverteilung. Vergleiche die Ergebnisse mit der Stichprobe.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 0 | 0 | 1 | 2 | 2 | 8 | 6 | 5 | 7 | 11 | 26 | 18 | 18 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $$x\_{i}$$ | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 | 61 | 62 | 63 | 64 |
| $$h\_{i}$$ | 22 | 19 | 9 | 16 | 13 | 9 | 2 | 2 | 2 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Gramm.
2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Semmeln?
3. Bei wie viel Prozent der Semmeln weicht das Gewicht um mehr als die zweifache Stan­dardabweichung vom Erwartungswert ab?
4. Wie viel Prozent der Semmeln sind schwerer als 48g?
5. Welches Gewicht wird von 10% der Semmeln unterschritten?
6. Welches durchschnittliche Gewicht (bei gleicher Standardabweichung) muss der Bä­cker erreichen, wenn nur 5% der Semmeln leichter als 45g sein dürfen?
7. Bei welcher Standardabweichung (und unverändertem Erwartungswert) sind nur 5% der Semmeln leichter als 45g?
8. *L: 45,005; 0,103; 0,86639; 0,20; 45,05; 44,95*

Im laufenden Produktionsprozess von Autokolben wird eine Stichprobe vom Umfang 200 entnommen. Ein Kolben ist unbrauchbar, wenn sein Durch­messer vom Sollwert 45 mmum mehr als 0,15 mm abweicht. Ziehe als Schätzer für die Parameter einer Normal­verteilung den Stichprobenmittelwert und die empirische Standardabweichung heran.

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 44,7 | 44,8 | 44,9 | 45,0 | 45,1 | 45,2 | 45,3 |
| $$h\_{i}$$ | 2 | 12 | 38 | 84 | 51 | 12 | 1 |

1. Berechne und interpretiere die statistischen Kennwerte. Runde auf 1 Dezimalstelle.
2. Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist ein zufällig der Produktion entnommener Kolben un­brauchbar?
3. Wie müssen die Toleranzgrenzen symmetrisch zum Mittelwert gewählt werden, wenn der Ausschussanteil nur 5% betragen soll?
4. Auf welchen Wert hat sich der Mittelwert (bei gleicher Standardabweichung) ver­stellt, wenn sich der Anteil brauchbarer Kolben auf 80% verringert hat? Es gelten die ur­sprüng­lichen Toleranzgrenzen.
5. *L: 400,145; 2,111; 0,95450; 0,00621; 62; 1; 403; 0,00621; 62; 0,15866; 1587; 2,87*⋅*10-7*

Auf einer Maschine werden Ketchup - Flaschen abgefüllt. Ihr Inhalt ist normalverteilt. Es wird eine Stichprobe von 200 Stück gezogen. Pro Tag werden 10000 Flaschen abgefüllt. Ziehe als Schätzer für die Parameter einer Normalverteilung den Stichprobenmittelwert und die empirische Standardabweichung heran.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 394 | 395 | 396 | 397 | 398 | 399 | 400 | 401 | 402 | 403 | 404 | 405 | 406 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 2 | 5 | 15 | 18 | 34 | 39 | 33 | 25 | 18 | 8 | 1 | 1 |

1. Berechne und interpretiere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Gramm.
2. Wie groß ist die Wahrschein­lichkeit, dass die Füllmenge vom Erwartungswert höch­stens um 4g abweicht?
3. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die am Etikett garantierte Mindestfüll­menge von 395g unterschrit­ten wird?
4. Wie groß dürfte die Standardabweichung maximal sein, wenn höchstens eine Flasche der Tagesproduktion die garantierte Mindestfüllmenge unterschreiten soll?
5. Eine Standardabweichung von weniger als 2g kann die Maschine nicht erfüllen. Auf wel­chen Mittelwert müsste die Maschine eingestellt werden, sodass höchstens eine Flasche der Tagesproduktion die garantierte Mindestfüllmenge unterschreit?
6. Wie viel Prozent der Flaschen überschreiten eine Füllmenge von 405g für die urs­prüngli­chen und die in den Teilaufgaben d) und e) bestimmten Parameterwerte?

1. *L: 8; 0,26599; 0,10556; 43; 18*

Der Produzent eines Massenartikels will die Qualität seines Produktes so gestalten, dass in höchs­tens 2% aller Fälle innerhalb der freiwillig gewährten Gewährleistungsfrist von 12 Mo­naten der Garantiefall eintritt, in dem der Kunde die kostenlose Reparatur beans­pruchen kann.

1. Welche Standardabweichung darf die Lebensdauer des Produktes haben, wenn die­ses auf eine mittlere Lebensdauer von 30 Monaten ausgelegt und die Lebensdauer normalverteilt ist?
2. Wie viele Produkte haben eine Lebensdauer von mehr als 35 Monaten bzw. eine Le­bensdauer von weniger als 20 Monaten?
3. Welche Lebensdauer übersteigen 5% der Produkte?
4. Welche Frist kann der Produzent anbieten, wenn er diese in 7% aller Fälle gewährt?
5. *L: 60,635; 7,726; 53; 63; 47 – 73; 0,001350; 50; 0,10565; 0,39435; 0,49910*

Ein Hühnereierproduzent zieht eine Stichprobe von 200 Stück. Nimm den Mittelwert und die Standardabweichung als Schätzer für die Parameter einer Normalverteilung.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 2 | 1 | 6 | 1 | 5 | 2 | 7 | 8 | 12 | 9 | 5 | 9 | 14 | 4 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $$x\_{i}$$ | 60 | 61 | 62 | 63 | 64 | 65 | 66 | 67 | 68 | 69 | 70 | 71 | 72 | 73 | 74 | 75 | 76 | 77 | 78 | 79 | 80 | 81 | 82 |
| $$h\_{i}$$ | 10 | 6 | 6 | 11 | 10 | 10 | 7 | 12 | 10 | 5 | 2 | 8 | 5 | 4 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Gramm.
2. Der Landwirt möchte die leichtesten 15% aussortieren und an eine Nudelfabrik ver­kaufen. Die restlichen Eier möchte er in zwei gleich großen Klassen vermarkten. Wie sind die Grenzen zu ziehen?
3. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Eier?
4. Welches Gewicht wird von 90% der Eier überschritten?
5. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass das fleißige Huhn Berta ein Ei mit mindes­tens 85g legt?
6. Die Hühner einer neuen Züchtung legen im Mittel um 2g schwerere Eier. Berechne die Anteile der Qualitätsklassen für diese Eier, wenn die Grenzen unverändert blei­ben.
7. *L: 0,29180; 0,29388; 19,008; 54,096; 50,557; 145,165; 0,0009; 0,83367; 61,005; 0,01094; 0,00270; 0,00270; 4,5* ⋅ *10-9; 0,00114*

Während der Laichplatzwanderung im März führten Naturschützer eine Aktion zum Schutze der Amphibien durch, da die Wanderstrecke eine Straße kreuzt. Entlang der Straße wurden Zäune aufgestellt, um die wandernden Amphibien von der Straße fern­zuhalten und sie Rich­tung Laichgewässer zu leiten. Das Gebiet wurde mit Kübeln abge­gangen und alle gefundenen Amphibien eingesammelt. Gleichzeitig wurden Daten be­züglich Gewicht und Größe der Am­phibien ermittelt, die einen ersten Eindruck der Po­pulation vermitteln sollten. Mittels elektro­nischer Waage und Lineal wurden die Exemplare gewogen, gemessen und die Daten notiert. Wie im Vorjahr war die Erdkröte (Bufo bufo) die dominierende Art an dieser Wanderstrecke. Körpergewicht in g:

Erdkröte - Männchen ($n= $ 529): $\overbar{x}= $36,552; $s= $10,666

Erdkröte - Weibchen ($n= $ 280): $\overbar{x}= $97,861; $s=$ 28,759

* 1. Welches Gewicht über- bzw. unterschreiten 5% der Männchen bzw. Weibchen?
	2. Wie viel Prozent der Männchen bzw. der Weibchen überschreiten ein Körpergewicht von 70g?
	3. Welches Gewicht unterschreiten 10% der Weibchen? Wie groß ist die Wahrscheinlich­keit, dass ein Männchen dieses Gewicht überschreitet?
	4. Wie viel Prozent der Männchen bzw. Weibchen liegen jeweils außerhalb der drei­fachen Standardabweichung?
	5. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Männchen schwerer ist, als ein Weib­chen, dessen Gewicht dem Durchschnitt entspricht?
	6. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Männchen schwerer ist, als ein Weib­chen, dessen Gewicht um die einfache Standardabweichung geringer ist, als der Durch­schnitt?
1. *L:* *121,55; 14,30079; 98,079 - 145,121; 0,68270; 0,95450; 0,09910; 103,274; 139,926*

Für eine medizinische Studie werden 100 Personen beiderlei Geschlechts im Alter zwi­schen 25 und 79 Jahren herangezogen. Neben anderen klinischen Parametern wird der systolische Blutdruck (mmHg) festgehalten. Ziehe als Schätzer für die Parameter einer Normalverteilung den Stichprobenmittelwert und die empirische Standardabweichung heran.

88, 91, 94, 95, 97, 98, 98, 98, 99, 101, 105, 105, 106, 108, 108, 109, 110, 110, 110, 110, 110, 111, 111, 112, 112, 113, 113, 114, 114, 114, 114, 114, 115, 115, 115, 115, 116, 117, 117, 118, 118, 119, 119, 119, 120, 121, 121, 121, 121, 121 122, 122, 122, 123, 123, 124, 124, 125, 125, 125, 126, 126, 127, 127, 128, 128, 128, 128, 129, 129, 129, 130, 130, 130, 131, 131, 131, 131, 132, 133, 133, 133, 133, 133, 133, 134, 134, 135, 135, 136, 138, 138, 140, 142, 144, 150, 152, 153, 153, 167

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf Ganze.
2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Mess­werte?
3. Wie viel Prozent der Blutdruckwerte weichen um mehr als die einfache bzw. zweifa­che Standardabweichung vom Erwartungswert ab?
4. Bei wie viel Prozent der Personen ist der Blutdruck höher als 140 mmHg? Falls zu­dem der diastolische Blutdruck 90 mmHg überschreitet, hat der Betroffene Blut­hochdruck (Hy­pertonie).
5. Welcher Blutdruckwert wird von 10% der Personen unter- bzw. überschritten?
6. *L:* *20,85034; 2,04686; 17,710 - 24,290; 18,437; 23,563; 0,15867; 22,290; 19,000 - 25,579*

Ein Biologe untersucht eine bestimmte Sorte weißer Bohnen. Er misst die Länge von 1029 Bohnen. Ziehe als Schätzer für die Parameter einer Normalverteilung den Stich­proben­mittel­wert und die empirische Standardabweichung heran. Die Längen sind in mm ange­geben.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 3 | 15 | 45 | 74 | 111 | 173 | 201 | 204 | 110 | 59 | 24 | 8 | 1 |

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze mm.
2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Bohnenlän­gen?
3. Welche Länge wird von 10% der Bohnen unter- bzw. überschritten?
4. Damit die Bohnen den Qualitätsstandard einer bestimmten Konservenfabrik erfüllen, bedür­fen sie einer Mindestlänge von 19 mm. Wie viel Prozent Ausschuss ist zu er­warten?
5. Durch eine neue Züchtung sollen die Bohnen im größer werden. Wie groß muss die durch­schnittliche Länge der Bohnen der Neuzüchtung zumindest sein, damit sich der Aus­schussanteil auf 5% verringert?
6. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Bohnenlän­gen der neuen Züchtung?
7. *L:* *9,99; 1,71012; 7,204 - 12,769; 8,853; 10; 11,147; 7,821; 12,179; 0,00931; 0,00931; 0,005; 0,005*

Die Kleidermotte (Tineola bisselliella) ist ein Insekt aus der Ordnung der Schmetterlinge (Le­pidoptera) und der Familie Tineidae. Durch das Vermessen von 200 der gelblich - braunen Falter soll deren Größe bestimmt werden. Ziehe als Schätzer für die Parameter einer Normal­verteilung den Stichprobenmittelwert und die empirische Standardabwei­chung heran. Die Körpergrößen sind in mm angegeben.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| $$h\_{i}$$ | 1 | 4 | 11 | 21 | 36 | 52 | 34 | 29 | 11 | 0 | 1 |

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf eine Dezimal­stelle.
2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der Körpergrö­ßen?
3. Welche Länge wird von 10% der Falter unter- bzw. überschritten?
4. Bestimme den Median und die Quartile der Verteilung.
5. Wie viel Prozent der Falter überschreiten eine Größe von 14 mm bzw. unterschreiten eine Größe von 6 mm? Wie viel Prozent sind dies jeweils in der Stichprobe?
6. *L: 0,045; 0,059; 370,393 - 429.607; 427,944 - 520,056; 0,86674; 0,02689; 423,068; 0,03446; 353,635; 446,365; 0,16182; 0,00411; 0,02275*

In einem Experiment soll der Einfluss von Alkohol auf die Reaktionszeit untersucht werden. Der einen Gruppe wird ein Placebo verabreicht, die andere Gruppe hat 0,5 Promille Alkohol.

Placebogruppe ($n=100$) in ms:

356, 361, 367, 368, 371, 371, 372, 372, 373, 374, 375, 378, 378, 379, 380, 380, 382, 382, 383, 384, 385, 385, 388, 388, 388, 388, 388, 389, 390, 390, 391, 391, 391, 391, 392, 392, 392, 393, 395, 396, 396, 397, 397, 397, 397, 398, 398, 398, 398, 399, 399, 399, 399, 399, 400, 400, 400, 401, 401, 402, 403, 403, 404, 404, 405, 405, 407, 408, 409, 409, 409, 410, 411, 413, 413, 413, 414, 415, 415, 415, 417, 419, 419, 419, 419, 419, 420, 420, 422, 423, 423, 428, 429, 429, 431, 431, 433, 435, 437, 442

Alkgruppe ($n=100 $) in ms:

408, 414, 421, 423, 426, 427, 428, 429, 430, 434, 441, 442, 443, 447, 448, 450, 451, 451, 451, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459, 459, 460, 460, 460, 461, 461, 462, 462, 463, 466, 466, 467, 468, 468, 468, 470, 472, 472, 472, 472, 473, 473, 474, 474, 475, 477, 478, 478, 479, 481, 481, 481, 483, 483, 484, 484, 486, 487, 487, 487, 487, 488, 489, 490, 490, 491, 492, 492, 493, 493, 494, 496, 496, 496, 497, 497, 497, 499, 499, 500, 500, 501, 505, 506, 510, 514, 518, 529, 534, 534, 536, 561

1. Berechne und interpretiere die statistischen Kennwerte.
2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen jeweils 90% der Reaktions­zeiten?
3. Wie viel Prozent unterschreiten jeweils eine Reaktionszeit von 420 ms?
4. Welche Reaktionszeit überschreiten 10% der Nicht - Alkoholisierten? Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Alkoholisierter diese Reaktionszeit unterschreitet?
5. In welchem Intervall liegen 99% der Reaktionszeiten der Nicht - Alkoholisierten? Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Reaktionszeit eines Alkoholisierten in diesem Intervall liegt?
6. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Alkoholisierter schneller regiert, als ein Nicht - Alkoholisierter, dessen Reaktionszeit dem Durchschnitt entspricht?
7. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Alkoholisierter schneller reagiert, als ein Nicht - Alkoholisierter, dessen Reaktionszeit um die einfache Standardabwei­chung größer ist, als der Durchschnitt?
8. *L:* 51,99; 1,52025; *0,09121; 49; 52,5; 1,2 ; 0,25249; 0,36944; 0,20233*

Eine Anlage wickelt Wollknäuel. Auf den Wollstreifen steht „Masse: 50 g“. Es wird die Masse von 200 zufällig ausgewählten Wollknäueln vermessen. Ziehe als Schätzer für die Pa­rameter einer Normalverteilung den Stichprobenmittelwert und die empirische Stan­dardab­weichung heran.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| $$x\_{i}$$ | 48 | 49 | 50 | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 |
| $$h\_{i}$$ | 2 | 5 | 30 | 35 | 54 | 43 | 23 | 5 | 3 |

* + 1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf eine Dezimal­stelle.
		2. Wie viel Prozent der Knäuel sind der Aufschrift nach untergewichtig?
		3. Welcher Wert müsste aufgedruckt sein, damit höchstens 5% zu leicht sind?
		4. Wie groß müsste der Erwartungswert (bei gleicher Standardabweichung und der Auf­schrift „Masse: 50 g“)gewählt werden, damit nur 5% der Knäuel untergewichtig sind?
		5. Wie groß müsste die Standardabweichung (bei gleichem Erwartungswert und der Auf­schrift „Masse: 50 g“)sein, damit nur 5% der Knäuel untergewichtig sind?
		6. Wie viel Prozent der Wollknäuel überschreiten ein Gewicht von 53g bei den ver­schiede­nen Einstellungen der Maschine?
1. *L: 4,5; 1,7%; 702,5; 0,13326; 0,04779; 0,29739;0,14370; 0,00391; 0,013134;*

Gemäß einer EU – Verpackungsnorm dürfen Flaschen mit einer Füllmenge von 700 ml zu höchstens 5% einen Inhalt zwischen 685 ml und 692,5 ml aufweisen. Man kann da­von ausge­hen, dass die Füllmenge eine normalverteilte Zufallsgröße ist.

1. Berechne die maximale Standardabweichung die bei der Füll­menge zulässig ist. Runde auf eine Dezimalstelle.
2. Produzent A gibt die Wahrscheinlichkeit für Füllmengen zwischen 685 ml und 692,5 ml mit 1,7% an. Auf welchen Mittewert ist seine Abfüllanlage eingestellt, wenn sie eine Stan­dardabweichung von 4,7 ml eingestellt ist.
3. Die Abfüllanlage des Produzenten B ist auf einen Mittelwert von 700 ml und die höchst zulässige Standardab­weichung eingestellt. Wie viel Prozent der Flaschen wei­sen eine Füllmenge von mehr als 705 ml bzw. 707,5 ml auf?
4. Wie viel Prozent der Flaschen weisen bei Produzent A eine Füllmenge von mehr als 705 ml bzw. 707,5 ml auf
5. *L: 54,65; 8,07176; 51,8 - 58,2; 45,8 - 64,2; 0,15866; 0,68269; 0,15866; 6,085;*

Ein Sägewerk kauft Baumstämme, um daraus Bretter zu schneiden. Die Baumstämme sollen in drei Klassen eingeteilt werden: dünn, mittel, dick. Es werden die Durchmesser von 200 zufällig ausgewählten Baumstämmen vermessen. Ziehe als Schätzer für die Pa­rameter einer Normalverteilung den Stichprobenmittelwert und die empirische Stan­dardabweichung heran.

33, 36, 37, 37, 38, 38, 38, 39, 39, 41, 41, 42, 42, 43, 43, 43, 43, 43, 44, 44, 44, 44, 44, 44, 45, 45, 45, 46, 46, 46, 47, 47, 47, 47, 47, 47, 47, 47, 47, 47, 47, 48, 48, 48, 48, 48, 48, 48, 49, 49, 49, 49, 49, 49, 50, 50, 50, 50, 50, 50, 50, 50, 50, 51, 51, 51, 51, 51, 51, 51, 51, 52, 52, 52, 52, 52, 52, 52, 53, 53, 53, 53, 53, 53, 53, 53, 53, 53, 54, 54, 54, 54, 54, 55, 55, 55, 55, 55, 55, 55, 55, 55, 56, 56, 56, 56, 56, 56, 56, 56, 56, 56, 57, 57, 57, 57, 57, 57, 57, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 58, 59, 59, 59, 59, 59, 59, 59, 59, 59, 60, 60, 60, 60, 60, 61, 61, 61, 61, 61, 61, 61, 62, 62, 62, 62, 62, 62, 62, 62, 62, 62, 63, 63, 63, 63, 63, 63, 63, 63, 64, 64, 64, 64, 64, 65, 65, 65, 65, 66, 66, 66, 67, 67, 67, 67, 68, 69, 69, 69, 69, 69, 69, 69, 73, 74

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze cm.
2. Wo sind die Klassengrenzen zu wählen, wenn in jeder Klasse annähernd gleich viele Baum­stämme liegen sollen?
3. Wo sind die Klassengrenzen zu wählen, wenn die mittlere Klasse 75% der Baum­stämme enthalten soll und die anderen beiden Klassen den gleichen Prozentsatz an Baumstämmen enthalten sollen?
4. Wie viel Prozent der Baumstämme würden in den jeweiligen Klassen liegen, wenn man die Klassengrenzen bei $μ-σ $ und $μ+σ $ wählen würde?
5. Der Sägewerksbesitzer möchte als Klassengrenzen für „Mittel“ 48 und 62. Bei wel­cher Standardabweichung und gleichem Erwartungswert, würden 75% in der mittle­ren Klasse liegen.
6. *L:* *3383,22644; 594,21741; 3250,07807; 565,68634; 0,17558; 0,17415; 0,51337; 0,48663; 2982,353; 3383; 3783,647; 2868,239; 3250; 3631,761; 2405,957 - 4360,043; 2319,013 - 4180,987; 0,03002; 0,01361; 0,58858; 0,40711; 4144,242; 0,05706*

Folgende Tabelle enthält das Geburtsgewicht der Lebendgeborenen im Jahr 2004. (Quelle: Jahrbuch der Gesundheitsstatistik 2004, Herausgegeben von Statistik Austria).

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Geburtsgewicht(in g) von - bis | unter 1000 | 10001500 | 15002000 | 20002500 | 25003000 | 30003500 | 35004000 | 40004500 | über4500 |
| Männlich | 161 | 252 | 538 | 1590 | 5758 | 14447 | 13024 | 4167 | 603 |
| Weiblich | 170 | 267 | 573 | 1830 | 7565 | 15793 | 9832 | 2158 | 240 |

Ziehe als Schätzer für die Parameter einer Normalverteilung den Stichprobenmittelwert und die Standardabweichung heran.

1. Berechne und erläutere die statistischen Kennwerte. Runde auf ganze Gramm.
2. Stelle die Normalverteilungen der männlichen und weiblichen Neugeborenen in ei­nem ge­meinsamen Diagramm dar. Berechne die Variationskoeffizienten.
3. Wie viel Prozent der Neugeborenen waren Mädchen bzw. Buben?
4. Bestimme Median und Quartile der Verteilungen.
5. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegen 90% der männli­chen bzw. weiblichen Neugeborenen?
6. Wie viel Prozent männlichen und weiblichen Neugeborenen überschreiten ein Ge­wicht von 4500 g?
7. Wie viel Prozent der männlichen bzw. weiblichen Neugeboren überschreiten jeweils das durchschnittliche Geburtsgewicht des anderen Geschlechts?
8. Welches Gewicht wird von 10% der männlichen Neugeborenen überschritten? Wie viel Prozent der weiblichen Neugeborenen überschreiten dieses Gewicht?
9. *L: 8,583; 27.05 - 12.06; 21.05 - 18.06; 30.5; 04.06; 10.06; 0,00010; 0; 21.05; 18.06; 08.05; 01.07*

Im schweizerischen Kanton Graubünden wurde im Zeitraum 1972 - 2005 die Reh­popu­lation beobachtet. Bezüglich Setztermine der Rehe zeigte sich Folgendes. Der mittlere Setztermin war der 4. Juni. Der früheste Setztermin des Datensatzes fiel auf den 3. Mai, der späteste auf den 30. Juli. 80% der Geburten erfolgten in der Zeitspanne zwischen 24. Mai und 15. Juni, also in einem Zeitfenster von 22 Tagen. Der zugrundeliegende Daten­satz umfasst 5358 Beobachtungen.

* 1. Bestimme die Standardabweichung. Wähle $μ=0$ und runde das Ergebnis auf 3 Dezimalstellen.
	2. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Bereich liegen zwei Drittel bzw. 90% der Geburten?
	3. Berechne die Quartile der Verteilung.
	4. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Rehkitz vor dem 3. Mai bzw. nach dem 30. Juli gesetzt wird?
	5. Welcher Setztermin wird von 5% der Rehkitze unterschritten bzw. überschritten?
	6. Welcher Setztermin wird von jedem tausensten Rehkitz unterschritten bzw. über­schrit­ten
1. *L: 0,62252; 188,280; 513,720; 0,45444; 149,796 - 552,204; 0,05637*

Balduin bezieht sein aus biologischer Landwirtschaft stammendes Gemüse bei Bauer Kunibert, der auch nach Hause liefert. Da er eine größere Zahl an Freunden abends zum Essen einlädt, bestellt er verschiedene Gemüsesorten, unter anderem einen Kohlrabi. Aus dem Kohlrabi möchte er eine Cremesuppe kochen. Dank Google findet er heraus, dass Kohlrabi ein mittleres Gewicht von 351g bei einer Standardabweichung von 157g auf­weisen.

1. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass der Kohlrabi mehr als 400g wiegt?
2. Welches Gewicht wird von 15% der Kohlrabi unterschritten bzw. überschritten?
3. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Gewicht des Kohlrabis zwischen 200g und 400g liegt?
4. In welchem zum Erwartungswert symmetrischen Intervall liegt das Gewicht des Kohl­rabis mit einer Wahrscheinlichkeit von 90%?
5. Balduin liest sein Rezept nochmals durch und stellt mit Besorgnis fest, dass er für die große Anzahl von Gästen 600g Kohlrabi für die Suppe benötigt. Ist seine Besorgnis berechtigt?
6. *L:* $H\left(\frac{1}{\sqrt{2π}∙σ}\right); W\_{1,2}\left(\frac{1}{\sqrt{2π∙e}∙σ}\right); H\left(\frac{1}{\sqrt{2π}}\right); W\_{1,2}\left(\frac{1}{\sqrt{2π∙e}}\right)$

$$φ\left(x\right)=\frac{1}{\sqrt{2π}∙σ}∙e^{-\frac{1}{2}∙\left(\frac{x-μ}{σ}\right)^{2}} wobei μ,σ\in R$$

1. Berechne die Extrempunkte und die Wendepunkte der Funktion $φ$.
2. Berechne die Extrempunkte und die Wendepunkte der Funktion $φ$ für $μ=0 $und

 $σ=1. $

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ $ und $σ.$

Die Funktion $Φ$ ist die Verteilungsfunktion der Standardnormalverteilung.

Zeige die Richtigkeit folgender Aussagen, wobei $z\in R^{+}$.

$$P\left(μ-z∙σ\leq X\leq μ+z∙σ\right)=2∙Φ\left(z\right)-1 $$

$$P\left(X<μ-z∙σ oder X>μ+z∙σ\right)=2∙\left(1-Φ\left(z\right)\right)$$

$$P\left(\left|X\right|\leq μ+z∙σ\right)=2∙Φ\left(z\right)-1 $$

$$P\left(\left|X\right|>μ+z∙σ\right)=2∙\left(1-Φ\left(z\right)\right)$$

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ $ und $σ.$

Kreuze die zutreffenden Aussagen an.

|  |  |
| --- | --- |
| $$P\left(X=0\right)=0$$ | ⭘ |
| $$P\left(X\leq μ+σ\right)=0,158655$$ | ⭘ |
| $$P\left(X\leq μ-σ\right)<P\left(X\leq μ-2∙σ\right)$$ | ⭘ |
| $$P\left(X\leq μ\right)=0,5$$ | ⭘ |
| $$P\left(μ-σ\leq X\leq μ+σ\right)=0,68269$$ | ⭘ |

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ $ und $σ.$

Sei $F$ die Verteilungsfunktion von $X$ und $c\in R^{+}$

Kreuze die zutreffenden Aussagen an.

|  |  |
| --- | --- |
| $$P\left(X<μ-c\right)=1-F\left(μ+c\right)$$ | ⭘ |
| $$P\left(X<μ-c\right)=P\left(X<μ+c\right)$$ | ⭘ |
| $$P\left(\left|X\right|>μ+c\right)=2-F\left(μ+c\right)$$ | ⭘ |
| $$P\left(X>μ-c\right)=P\left(X<μ+c\right)$$ | ⭘ |
| $$P\left(μ-c\leq X\leq μ+c\right)=2∙F\left(μ+c\right)-1$$ | ⭘ |

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ=100 $ und $σ=15.$

Sei $F$ die Verteilungsfunktion von $X.$

Ordne den Wahrscheinlichkeiten in der rechten Spalte die entsprechenden Terme in der linke Spalte zu.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| $$2-2∙F\left(110\right)$$ |  |  | A | $$P\left(X\leq 110\right)$$ |
| $$F\left(110\right)$$ |  |  | B | $$P\left(90\leq X\leq 110\right)$$ |
| $$2∙F\left(110\right)-1$$ |  |  | C | $$P\left(X>110\right)$$ |
| $$1-F\left(110\right)$$ |  |  | D | $$P\left(X\geq 90\right)$$ |
|  |  |  | E | $$P\left(X=90\right)$$ |
|  |  |  | F | $$P\left(\left|X\right|>110\right)$$ |

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ $und $σ.$ Sei $c>μ$.

Kreuze die zutreffenden Aussagen an.

|  |  |
| --- | --- |
| Eine Erhöhung des Erwartungswertes bewirkt, dass sich die Wahr­scheinlichkeit $P\left(X>c\right)$ vergrößert. | ⭘ |
| Eine Erhöhung der Standardabweichung bewirkt, dass sich die Wahr­scheinlichkeit $P\left(X>c\right)$ verringert. | ⭘ |
| Eine Erhöhung der Standardabweichung bewirkt, dass sich die Wahr­scheinlichkeit $P\left(X<c\right)$ verringert. | ⭘ |
| Eine Verringerung der Standardabweichung, dass die Wahr­scheinlichkeit $P\left(X<c\right)$ größer wird. | ⭘ |
| Eine Verringerung des Erwartungswertes bewirkt, dass die Wahr­scheinlichkeit $P\left(X<c\right)$ kleiner wird. | ⭘ |

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ $und $σ.$ Sei $c\in R^{+}$.

Ordne den Abbildungen in der linken Spalte die entsprechenden Wahrscheinlichkeiten aus der rechten Spalte zu.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | A | $$P\left(μ-c\leq X\leq μ+c\right)$$ |
| B | $$P\left(X\leq μ+c\right)$$ |
| C | $$P\left(X>μ-c\right)$$ |
| D | $$P\left(X\leq μ-c\right)$$ |
| E | $$P\left(X>μ+c\right)$$ |
| F | $$P\left(\left|X-μ\right|>c\right)$$ |
|  |  |
|  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ $und $σ.$ Sei $c\in R^{+}$.

Wie ändert sich die Wahrscheinlichkeit $P\left(μ-c\leq X\leq μ+c\right)$, wenn der Erwartungs-wert erhöht wird?

Wie ändert sich die Wahrscheinlichkeit $P\left(μ-c\leq X\leq μ+c\right)$, wenn der Erwartungs-wert verringert wird?

Wie ändert sich die Wahrscheinlichkeit $P\left(μ-c\leq X\leq μ+c\right)$, wenn die Standard­abweichung erhöht wird?

Wie ändert sich die Wahrscheinlichkeit $P\left(μ-c\leq X\leq μ+c\right)$, wenn die Standard­abweichung verringert wird?

1. *L: ---*

Eine Zufallsvariable $X$ ist normalverteilt mit den Parametern $μ=100$. Es ist bekannt, dass $P\left(X\leq 90\right)=25\%.$

Für welches $c\in R$ gilt, dass $P\left(X\geq c\right)=25\%$

1. *L: ---*

In folgender Abbildung sind die Dichtefunktionen $f\_{X}$ und $f\_{Y}$ zweier normalverteilter Zu­fallsvariablen $X$ und $Y$ dargestellt.

Wie wurden der Erwartungswert und die Standardabweichung der Zufallsvariablen $X$ verändert?

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |

1. *L: ---*

In folgender Abbildung sind die Dichtefunktionen $f\_{X}$ und $f\_{Y}$ zweier normalverteilter Zu­fallsvariablen $X$ und $Y$ dargestellt.

Wie wurden der Erwartungswert und die Standardabweichung der Zufallsvariablen $X$ verändert?

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |

1. *L: ---*

In folgender Abbildung sind die Dichtefunktionen $f\_{X}$ und $f\_{Y}$ zweier normalverteilter Zu­fallsvariablen $X$ und $Y$ dargestellt.

Wie wurden der Erwartungswert und die Standardabweichung der Zufallsvariablen $X$ verändert?

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |